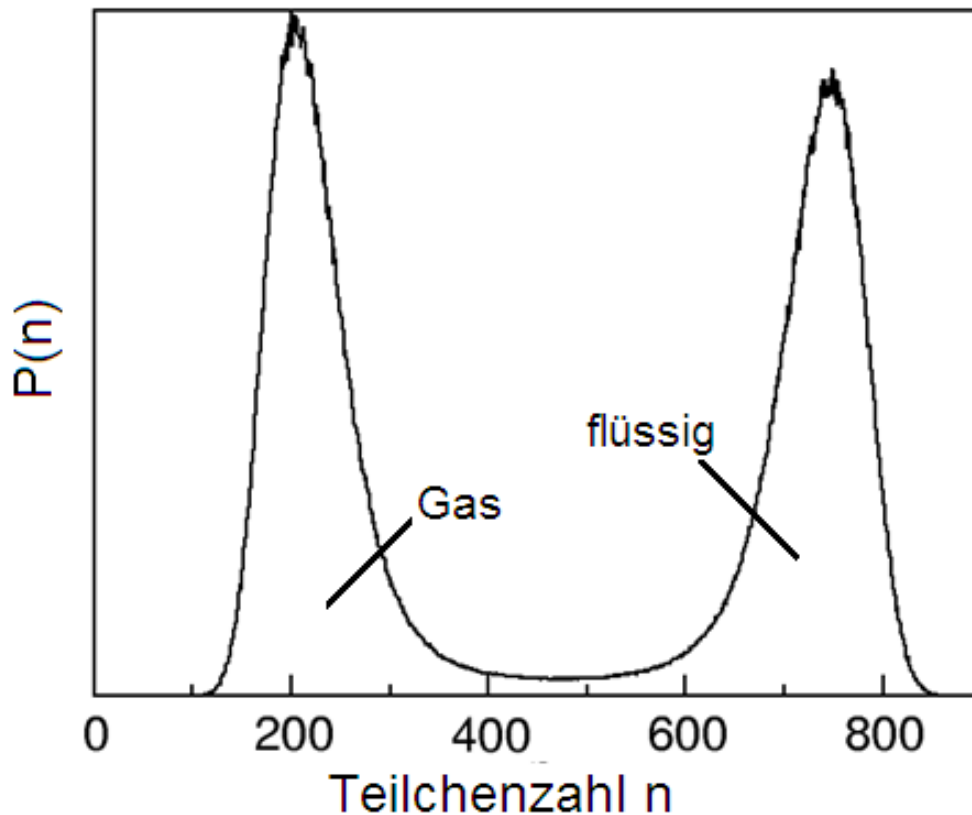


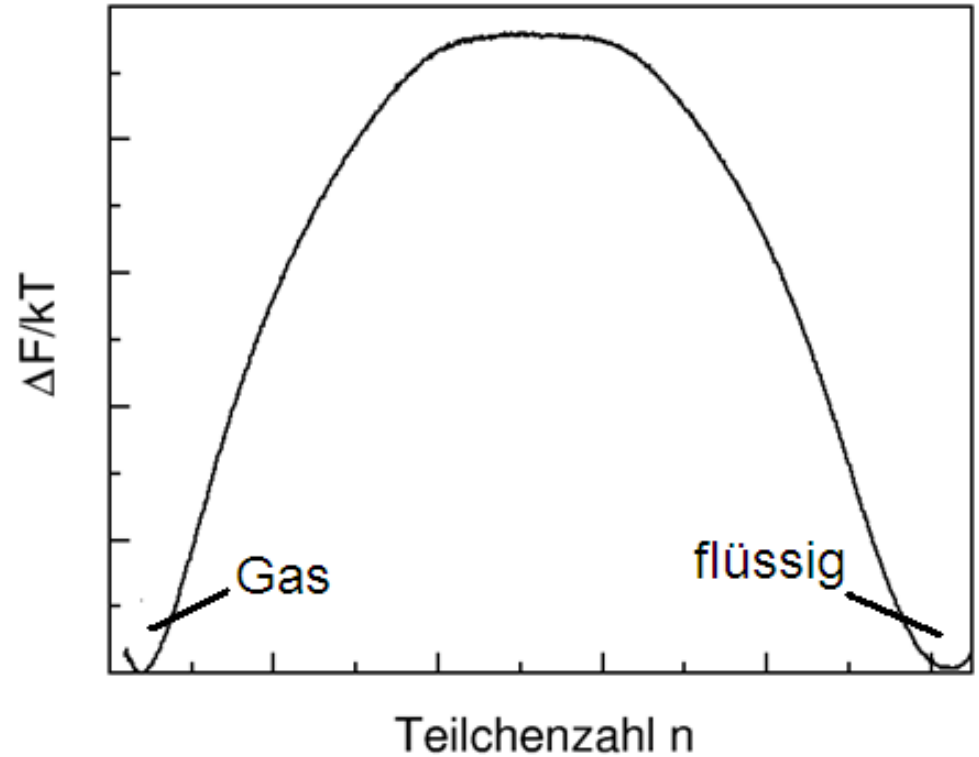
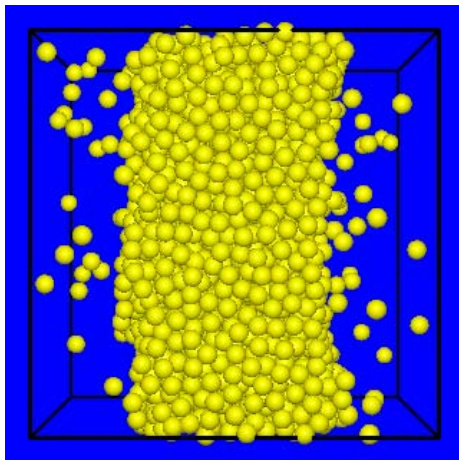
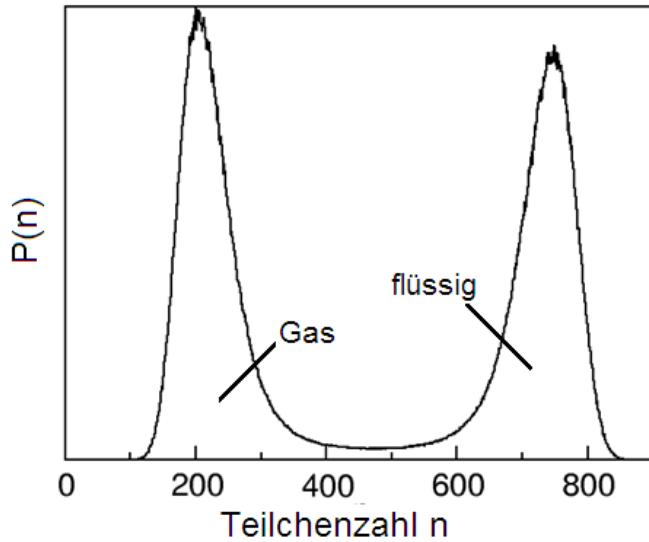
# Umbrella-Sampling im NPT-Ensemble

# $\mu VT$ -Ensemble



- Teilchenzahl  $n$  wird variiert
- Akzeptanz des neuen Zustand mit  $p = \exp(-\beta\Delta E)$ , wobei Energie-Differenz aus der LJ-WW der Teilchen kommt
- zwischendurch: lokale Verrückungen

# Barrieren in der freien Energie



$$\begin{aligned} F &= -kT \ln(Z_{\text{can}}) \\ &= -kT \ln P(n) + \text{const} \end{aligned}$$

# Umbrella Sampling

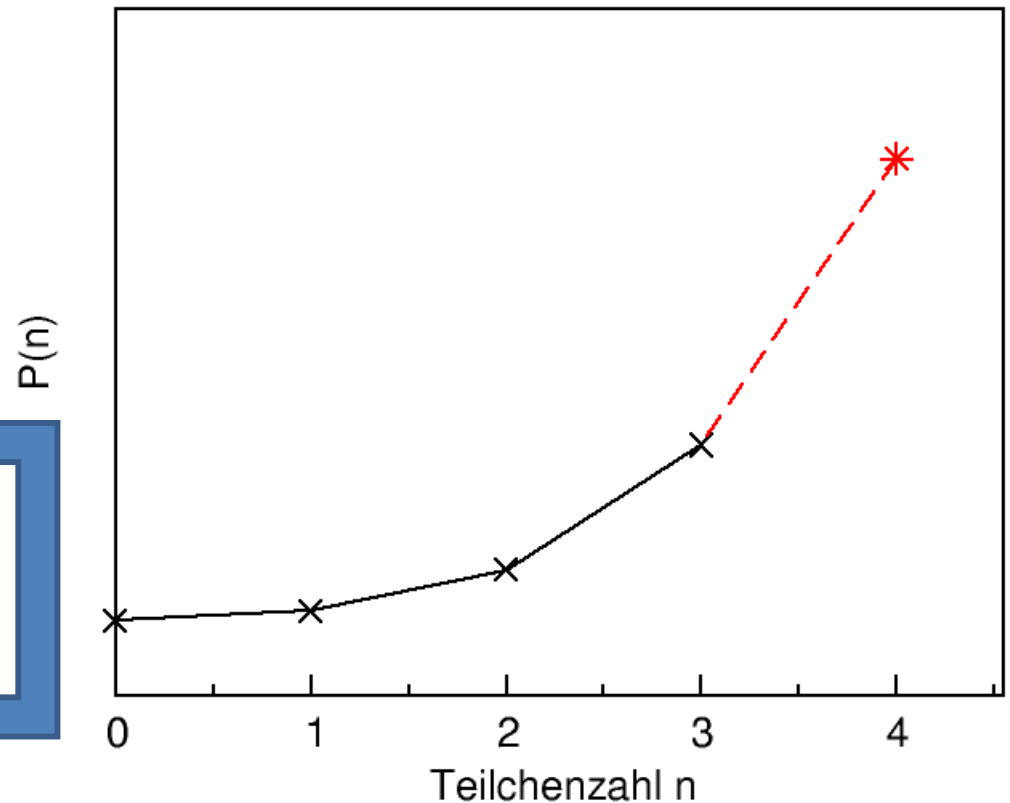
Idee: simuliere jeweils eine Box, die nur  $n$  oder  $n+1$  Teilchen enthalten darf und berechne  $P(n+1)/P(n)$ .

Dann gilt:

$$\frac{P(n)}{P(0)} = \frac{P(1)}{P(0)} \frac{P(2)}{P(1)} \cdots \frac{P(n)}{P(n-1)}$$

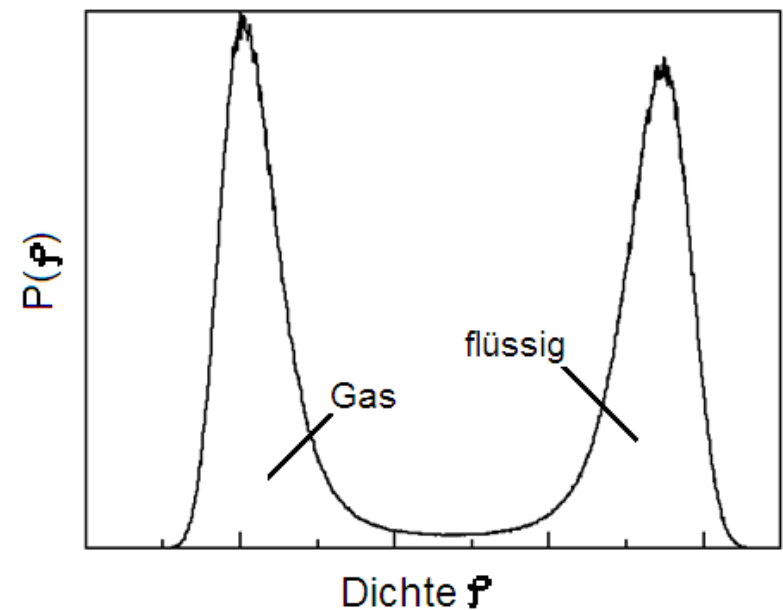
Funktioniert überall.

Bei Bedarf: Erzeugung einer Gewichtsfunktion aus schon simulierten Fenstern



# NPT-Simulation

- Problem: dichte Systeme / lange Ketten: Einsetzen von neuen Teilchen schwierig
- Idee: Dichtefluktuationen durch Volumenänderung statt durch Teilchenzahl-Änderung
- auch hier: freie Energie Barrieren -> Umbrella Sampling



# NPT-Simulation

- Algorithmus ähnlich  $\mu$ VT-Simulation:
- abwechselnd Versuche, das Volumen zu ändern, und lokale Verrückungen
- Lokale Verrückungen hier wichtig, da Vol.-Schritt im Gegensatz zum Teilchen-Einsetzen die Positionen nicht ändert
- Lokale Verrückungen zeitaufwändig -> MD-Schritte

# NPT: Annahmekriterium

$$\begin{aligned} Z_{NPT} &= \frac{\beta P}{\Lambda^{3N} N!} \int_0^\infty dV e^{-\beta P V} \int_0^L \dots \int_0^L dr^N e^{-\beta E(r_i)} \\ &= \frac{\beta P}{\Lambda^{3N} N!} \int_0^\infty dV e^{-\beta P V} V^N \int_0^1 \dots \int_0^1 ds^N e^{-\beta E(s_i)} \end{aligned}$$

mit  $r_i = s_i \cdot L$

$$\begin{aligned} P(V_i, s_i) &= \frac{1}{Z_{NPT}} \cdot V_i^N e^{-\beta P V_i} e^{-\beta E(s_i)} \\ &= \frac{1}{Z_{NPT}} \cdot e^{-\beta P V_i - \beta E(s_i) + N \cdot \ln(V_i)} \end{aligned}$$

# NPT: Annahmekriterium

Detailed Balance:  $P_i W_{ij} = P_j W_{ji}$

$$\begin{aligned} P(V_i, s_i) &= \frac{1}{Z_{NPT}} \cdot V_i^N e^{-\beta P V_i} e^{-\beta E(s_i)} \\ &= \frac{1}{Z_{NPT}} \cdot e^{-\beta P V_i - \beta E(s_i) + N \cdot \ln(V_i)} \end{aligned}$$

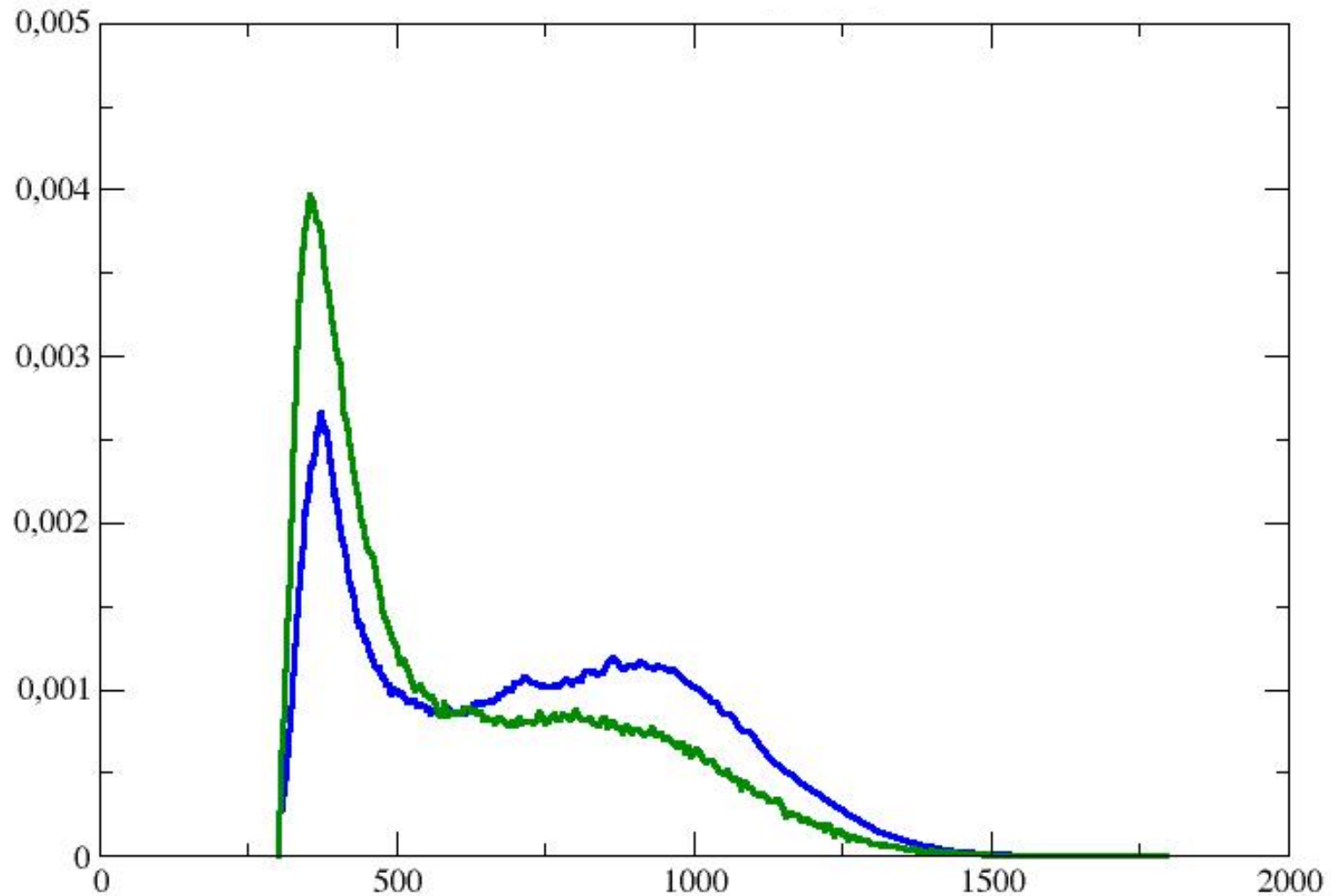
$$\frac{W_{ij}}{W_{ji}} = \frac{P_j}{P_i} = e^{-\beta P(V_j - V_i) - \beta \Delta E + N \cdot \ln\left(\frac{V_j}{V_i}\right)}$$

=> Annahme mit :  $p = \min \left( 1, e^{-\beta P(V_j - V_i) - \beta \Delta E + N \cdot \ln\left(\frac{V_j}{V_i}\right)} \right)$



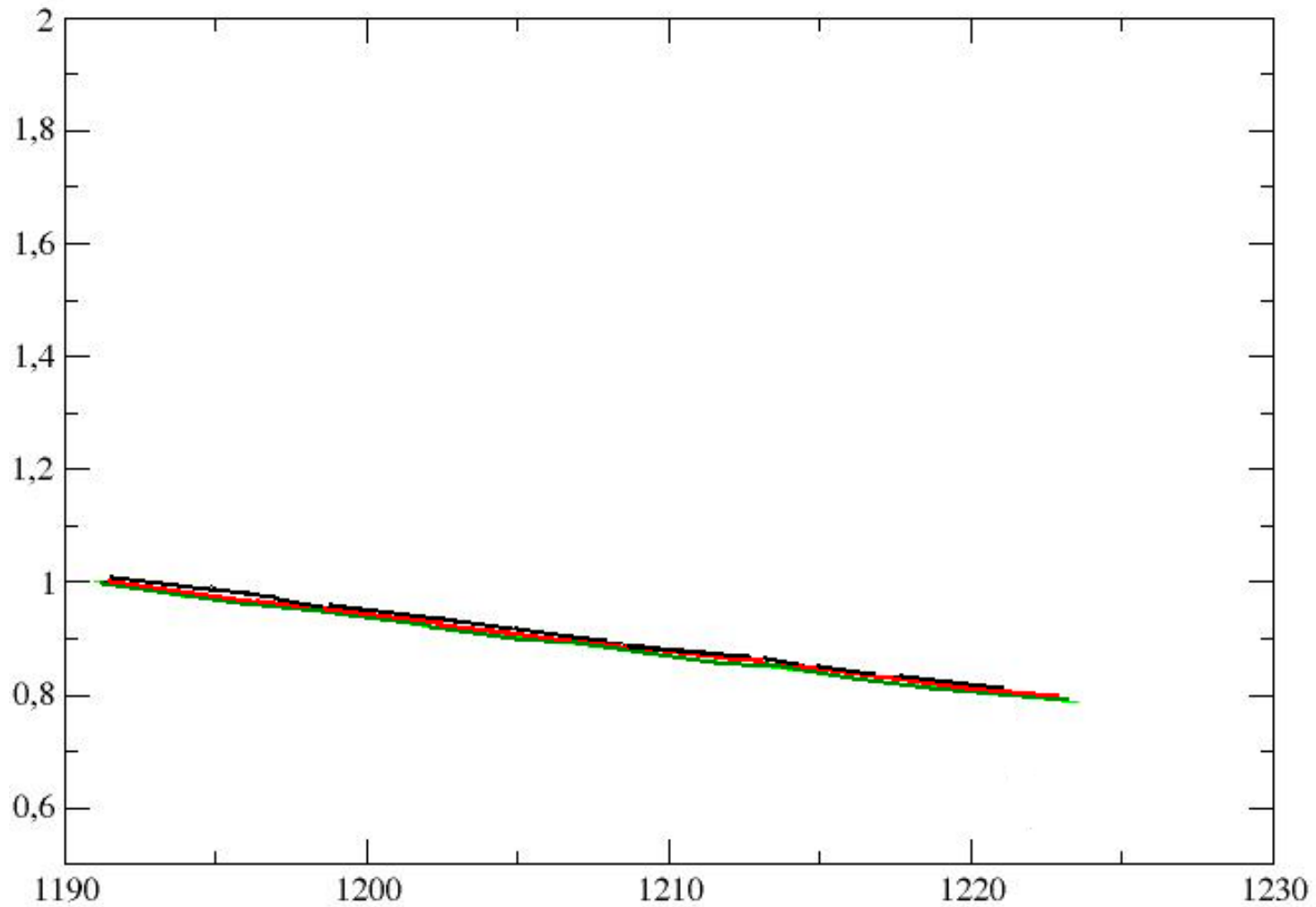
# Ergebnisse am kritischen Punkt

$T=0.999$ ,  $p=0.088$ , gruen: ohne Umbrella, blau: mit Umbrella



# Ergebnisse

## Vergleich von wenigen Schritten



# Ergebnisse

## weiter entfernt vom krit. Pkt

T=1.5, P=1.0; schwarz: ohne Umbrella, rot: mit Umbrella

